



1

[解説]

| | |
|---|-------|
| ア | ABE |
| イ | 90 |
| ウ | BC |
| エ | 90 |
| オ | FBC |
| カ | 1つの鋭角 |
| キ | BE |

1 [証明] $\triangle ABE$ と $\triangle BCF$ において,
 仮定より, $\angle AEB = \angle BFC = 90^\circ \dots ①$
 $AB = BC \dots ②$
 $\angle ABC = 90^\circ$ から, $\angle ABE + \angle FBC = 90^\circ$
 $\angle BFC = 90^\circ$ から, $\angle BCF + \angle FBC = 90^\circ$
 したがって, $\angle ABE = \angle BCF \dots ③$
 ①, ②, ③より, 直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle ABE \cong \triangle BCF$
 したがって, 対応する辺の長さは等しいから, $BE = CF$ となる。

2

| | |
|---|-----------------------|
| ア | PDM |
| イ | DM |
| ウ | BCM |
| エ | 対頂 |
| オ | 1辺とその両端の角 がそれぞれ等しい |
| カ | PDM |
| キ | BM |
| ク | 2つの対角線 |
| ケ | 中点 |

2 [証明] $\triangle BCM$ と $\triangle PDM$ において,
 仮定より, $CM = DM \dots ①$
 平行線の錯角は等しいから, $\angle BCM = \angle PDM \dots ②$
 対頂角は等しいから, $\angle CMB = \angle DMP \dots ③$
 ①, ②, ③より, 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle BCM \cong \triangle PDM$
 対応する辺の長さは等しいから, $BM = PM \dots ④$
 ①, ④より, 四角形BCPDの2つの対角線が
 それぞれの中点で交わるから,
 四角形BCPDは平行四辺形となる。



3

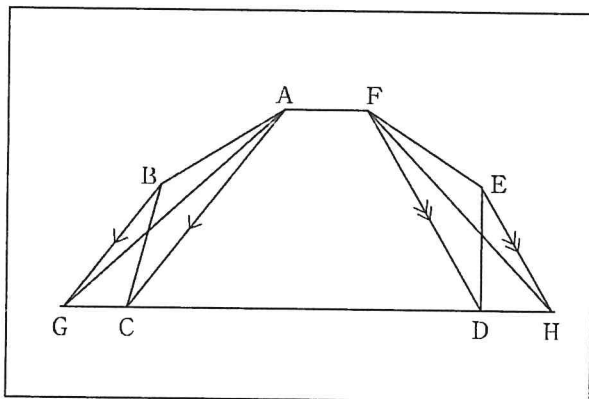
[解説]

| | |
|-----|--------------------------------|
| (1) | $\triangle PAC, \triangle PAD$ |
| (2) | $\triangle BCQ$ |

3 (1) $AQ \parallel BC$ より, $\triangle ABQ = \triangle ACQ$
 $\triangle PBQ = \triangle PAQ + \triangle ABQ$
 $= \triangle PAQ + \triangle ACQ$
 $= \triangle PAC$
 $PA \parallel DC$ より, $\triangle PAC = \triangle PAD$
 したがって, $\triangle PBQ = \triangle PAC = \triangle PAD$

(2) $AQ \parallel BC$ より, $\triangle BCQ = \triangle BCA$
 四角形 $ABCD$ は, 平行四辺形だから,
 $\triangle BCA = \triangle ACD$
 $PA \parallel DC$ より, $\triangle ACD = \triangle PCD$
 したがって, $\triangle BCQ = \triangle PCD$
 $\triangle PCD > \triangle DPQ$ より,
 $\triangle BCQ > \triangle DPQ$

4



4 点Aと点Cを結んで, 点Bを通り, AC に平行な直線 BG をひく。
 $AC \parallel BG$ より, $\triangle ABC = \triangle AGC$ となる。
 同様に, 点Dと点Fを結んで, 点Eを通り, FD に平行な直線 EH をひくと, $\triangle EFD = \triangle HFD$ となる。



1

[解説]

| | |
|---|----------------------|
| ア | ADQ |
| イ | AQD |
| ウ | AD |
| エ | QAD |
| オ | ADQ |
| カ | ADQ |
| キ | 斜辺と1つの鋭角 がそれぞれ等しい |

1 [証明] $\triangle BAP$ と $\triangle ADQ$ において,
 仮定より, $\angle BPA = \angle AQD = 90^\circ \dots ①$
 $BA = AD \dots ②$
 $\angle BAD = 90^\circ$ から, $\angle BAP + \angle QAD = 90^\circ$
 $\angle DQA = 90^\circ$ から, $\angle ADQ + \angle QAD = 90^\circ$
 したがって, $\angle BAP = \angle ADQ \dots ③$
 ①, ②, ③より, 直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle BAP \equiv \triangle ADQ$
 したがって, 対応する辺の長さは等しいから, $BP = AQ$ となる。

2

| | |
|---|-----------|
| ア | AMD |
| イ | AM |
| ウ | AMD |
| エ | EBM |
| オ | 1辺とその両端の角 |
| カ | BME |
| キ | EM |
| ク | 対角線 |
| ケ | 中点で交わる |

2 [証明] $\triangle AMD$ と $\triangle BME$ において,
 仮定より, $AM = BM \dots ①$
 対頂角は等しいから, $\angle AMD = \angle BME \dots ②$
 平行線の錯角は等しいから, $\angle DAM = \angle EBM \dots ③$
 ①, ②, ③より, 1辺とその両端の角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle AMD \equiv \triangle BME$
 対応する辺の長さは等しいから, $DM = EM \dots ④$
 ①, ④より, 四角形AEBDの2つの対角線が
 それぞれの中点で交わるから,
 四角形AEBDは平行四辺形となる。



3

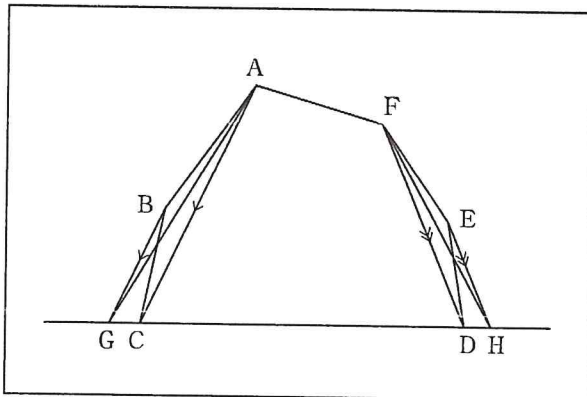
[解説]

| | |
|-----|--------------------------------|
| (1) | $\triangle ABP, \triangle ACP$ |
| (2) | $\triangle BCP$ |

3 (1) $AQ \parallel DC$ より, $\triangle AQD = \triangle AQC$
 $\triangle PQD = \triangle APQ + \triangle AQD$
 $= \triangle APQ + \triangle AQC$
 $= \triangle ACP$
 $PA \parallel BC$ より, $\triangle ACP = \triangle ABP$
 したがって, $\triangle PQD = \triangle ACP = \triangle ABP$

(2) $PA \parallel BC$ より, $\triangle BCP = \triangle BCA$
 四角形 $ABCD$ は, 平行四辺形だから,
 $\triangle BCA = \triangle ACD$
 したがって, $\triangle BCP = \triangle ACD$
 $\triangle ACD > \triangle CDR$ より,
 $\triangle BCP > \triangle CDR$

4



4 点Aと点Cを結んで, 点Bを通り, AC に平行な直線 BG をひく。
 $AC \parallel BG$ より, $\triangle ABC = \triangle AGC$ となる。
 同様に, 点Dと点Fを結んで, 点Eを通り, FD に平行な直線 EH をひくと, $\triangle EFD = \triangle HFD$ となる。



1

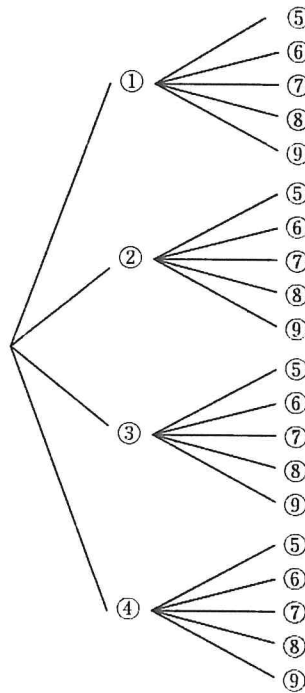
20 通り

2

15 試合

[解説]

1 X市~Y市 Y市~Z市



図より, 20 通り

2

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | A | B | C | D | E | F |
| A | | ○ | ○ | ○ | ○ | ○ |
| B | | | ○ | ○ | ○ | ○ |
| C | | | | ○ | ○ | ○ |
| D | | | | | ○ | ○ |
| E | | | | | | ○ |
| F | | | | | | |

表より, 15 試合

3

| | |
|-----|---------------|
| (1) | $\frac{2}{3}$ |
| (2) | $\frac{2}{3}$ |

3 (1) さいころの出る目の数は6通りで, そのうち6の約数の目は4通りだから, 求める確率は $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$

(2) さいころの出る目の数は6通りで, そのうち3以上の目は4通りだから, 求める確率は $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$

4

$\frac{1}{12}$

4 11の倍数である場合は, 11, 22, 33, 44, 55の5通りだから, 求める確率は $\frac{5}{60} = \frac{1}{12}$

5

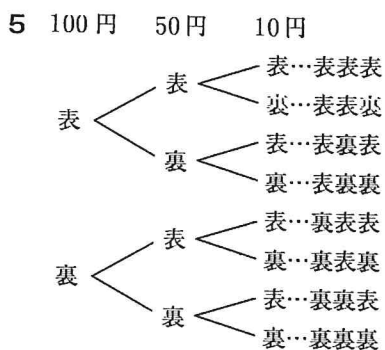
| | |
|-----|---------------|
| (1) | $\frac{1}{8}$ |
| (2) | $\frac{5}{8}$ |

6

$\frac{3}{5}$



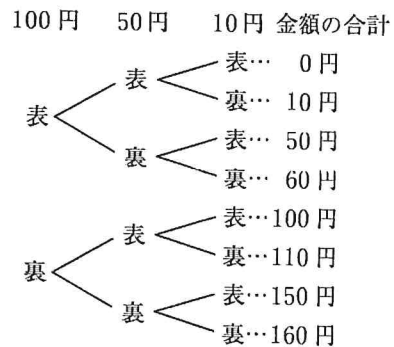
[解説]



起こりうるすべての結果は8通り。

(1) すべてが裏となる場合は1通りだから、求める確率は $\frac{1}{8}$

(2) 裏が出る硬貨の金額の合計を樹形図で表すと、



裏が出る硬貨の金額の合計が60円以上になるのは、5通りだから、求める確率は $\frac{5}{8}$

6 3個の玉の取り出し方は、{黒, 茶, 紫}, {黒, 茶, 緑}, {黒, 茶, 赤}, {黒, 紫, 緑}, {黒, 紫, 赤}, {黒, 緑, 赤}, {茶, 紫, 緑}, {茶, 紫, 赤}, {茶, 緑, 赤}, {紫, 緑, 赤}の10通り。

1個が緑の玉である場合は6通りだから、求める確率は $\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$



1
8 通り

2
3 試合

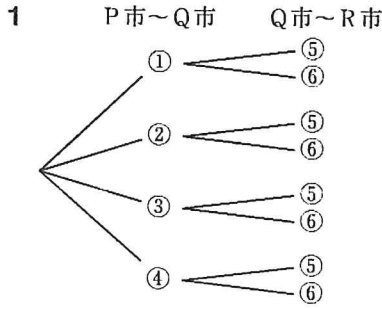
3
(1) $\frac{1}{2}$
(2) $\frac{5}{6}$

4
 $\frac{1}{5}$

5
(1) $\frac{3}{8}$
(2) $\frac{1}{4}$

6
 $\frac{1}{3}$

[解説]



図より、8通り

2

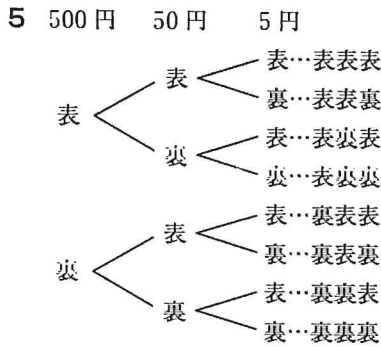
| | | | |
|---|---|---|---|
| | X | Y | Z |
| X | | ○ | ○ |
| Y | | | ○ |
| Z | | | |

表より、3試合

3 (1) さいころの出る目の数は6通りで、そのうち素数の目は3通りだから、求める確率は $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

(2) さいころの出る目の数は6通りで、そのうち5以下の目は5通りだから、求める確率は $\frac{5}{6}$

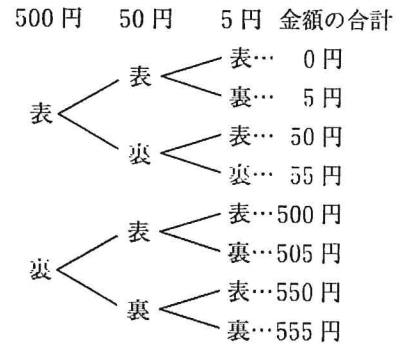
4 5の倍数である場合は、5、10、15、20、25、30、35の7通りだから、求める確率は $\frac{7}{35} = \frac{1}{5}$



起こりうるすべての結果は8通り。

(1) 表が2枚となる場合は3通りだから、求める確率は $\frac{3}{8}$

(2) 裏が出る硬貨の金額の合計を樹形図で表すと、



裏が出る硬貨の金額の合計が550円以上になるのは、2通りだから、求める確率は $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$

6 2個の玉の取り出し方は、(緑, 青), (緑, 黄), (緑, 赤), (緑, 黒), (緑, 白), (青, 黄), (青, 赤), (青, 黒), (青, 白), (黄, 赤), (黄, 黒), (黄, 白), (赤, 黒), (赤, 白), (黒, 白)の15通り。

1個が白の玉である場合は5通りだから、求める確率は $\frac{5}{15} = \frac{1}{3}$